

UDŽBENIK

1. dio

KOORDINATNI SUSTAV



- 1.** Koordinatni sustav na pravcu
- 2.** Pravokutni koordinatni sustav u ravnini

1. Koordinatni sustav na pravcu

Prisjeti se:

$$\mathbf{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \dots\}$$

$$\mathbf{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \dots\}$$

$$\mathbf{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$$

$$\mathbf{Q} = \left\{ \dots, -\frac{1}{3}, -\frac{1}{5}, 0, \frac{1}{5}, \frac{1}{3}, \dots \right\}$$

BROJEVNI PRAVAC



Mogu li se prirodnim brojevima (\mathbf{N}), prirodnim brojevima s nulom (\mathbf{N}_0), cijelim brojevima (\mathbf{Z}) i racionalnim brojevima (\mathbf{Q}) pridružiti točke pravca?

Na pravcu p istaknute su dvije točke; O i E . Točki O pridružen je broj 0, a točki E broj 1. Na taj način određena je jedinična dužina \overline{OE} . Pravac na kojem je određena jedinična dužina naziva se **brojevni pravac**.

Brojevima iz skupa \mathbf{N} , \mathbf{N}_0 , \mathbf{Z} i \mathbf{Q} mogu se pridruživati točke brojevnog pravca.

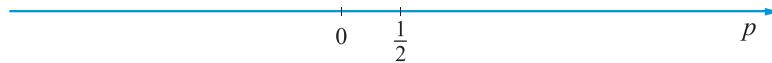


Zadatak 1. Nacrtaj pravac p sa slike, na kojem je jednoj točki pridružena nula, a drugoj racionalni broj, a zatim odredi točku kojoj se pridružuje broj 1.

1



2



3



4



5



Nakon uspješno riješenog Zadatka 1. možeš zaključiti: koristeći se ishodištem i točkom kojoj je pridružen racionalni broj, možeš odrediti jediničnu točku E .



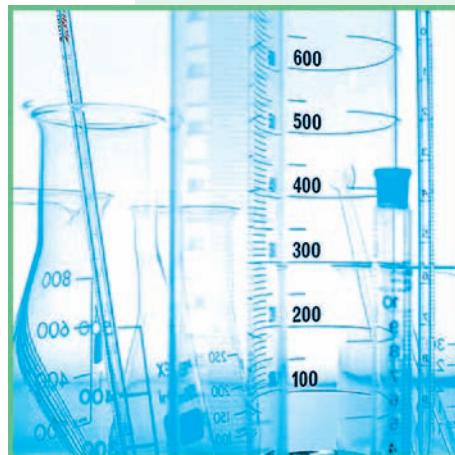
Zadatak 2. Nacrtaj pravac OE ($|OE| = 1 \text{ cm}$), zatim njegovim točkama pridruži:

- 1 prirodne brojeve 3, 5 i 7;
- 2 cijele brojeve $-2, -1$ i 4;
- 3 racionalne brojeve $-2\frac{1}{2}, \frac{3}{4}$ i $\frac{5}{2}$.

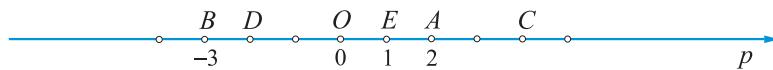


Zadatak 3. Nacrtaj pravac OE ($|OE| = 2 \text{ cm}$), zatim njegovim točkama pridruži po volji odabrana dva suprotna broja iz skupa:

- 1 \mathbb{Z} ;
- 2 \mathbb{Q} .



Vidi sliku:



Uoči na slici da broj 2 određuje položaj točke A .

Kaže se da je broj 2 **koordinata točke A** i piše se $A(2)$.

Broj -3 je koordinata točke B i piše se $B(-3)$.

**KOORDINATA
TOČKE NA PRAVCU**



Zadatak 4. Prema prethodnoj slici, koju koordinatu ima točka:

- 1 O ,
- 2 C ,
- 3 D ,
- 4 E ?



Obzirom da se sada racionalni brojevi promatraju kao **koordinate točaka na pravcu**, za pravac p uvodi se naziv **koordinatni pravac**. Kaže se da je uveden **koordinatni sustav na pravcu**.

Točka O zove se **ishodište** koordinatnog sustava.

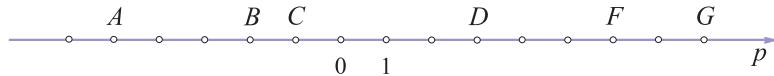
Koordinata točke određuje njezin položaj u koordinatnom sustavu na pravcu.

**KOORDINATNI
PRAVAC**

**ISHODIŠTE
KOORDINATNOG
SUSTAVA**



Zadatak 5. Precrtaj sliku:



zatim naznači svaku točku koordinatnog sustava na pravcu p odgovarajućom koordinatom.



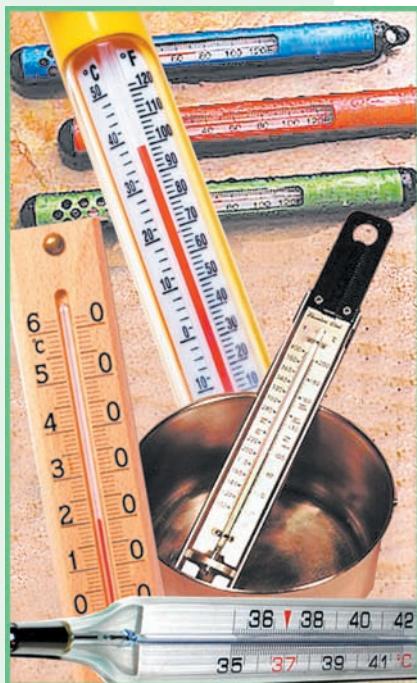
Zadatak 6. Nacrtaj koordinatni sustav na pravcu i po volji oda-
beri jediničnu dužinu \overline{OE} . Zatim naznači točke: $A(-4.5)$,
 $B(-3)$, $C\left(-\frac{1}{2}\right)$, $D(2.25)$, $F(4)$, $G\left(4\frac{1}{2}\right)$.



Lako zaključuješ:

Svakom se broju iz skupa \mathbf{N} , \mathbf{N}_0 , \mathbf{Z} i \mathbf{Q} može pridružiti odgovarajuća točka koordinatnog pravca.

Koordinatni sustav na pravcu određen je bilo kojim dvjema točkama sa zadanim koordinatama.



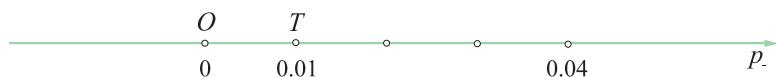
Iako se koordinatni sustav na pravcu najčešće određuje ishodištem O i jediničnom točkom E , u nekim se slučajevima može i odstupiti od tega.

Npr., kad u koordinatnom sustavu na pravcu treba naznačiti točke kojima se pridružuju:

1) veliki brojevi:



2) mali (po apsolutnoj vrijednosti) brojevi:



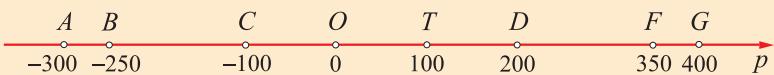
Primjer 1.

Kako ćeš u koordinatnom sustavu na pravcu naznačiti točke:

$$A(-300), B(-250), C(-100), D(200), F(350), G(400)?$$

► **Rješenje:**

Koordinatni sustav ćeš odrediti točkom $O(0)$ i točkom $T(100)$.



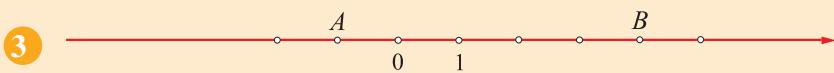
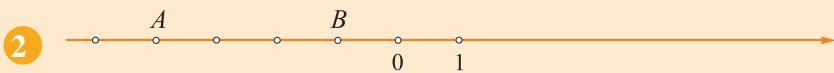
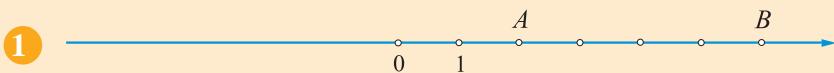
Zadatak 7. Na pravcu OT naznači jediničnu dužinu \overline{OT} i točke za čije koordinate k vrijedi da su brojevi $-60 < k < 60$ djeljivi s 10.



Zadatak 8. Na pravcu OT naznači jediničnu dužinu \overline{OE} i točke koje se pridružuju brojevima $-3\,000, -2\,500, -1\,000, 1\,000, 4\,000$.

**Udaljenost točaka u koordinatnom sustavu na pravcu****Primjer 2.**

Koliko su udaljene točke A i B u koordinatnom sustavu na pravcu:

► **Rješenje:**

1 $|AB| = 4$ jedinične dužine; 2 $|AB| = 3$ jedinične dužine;

3 $|AB| = 5$ jediničnih dužina.



Nije bilo teško odrediti duljinu dužine \overline{AB} **brojenjem** jediničnih dužina između točaka A i B .





Već znaš da se u geometriji duljina dužine može odrediti **mjerenjem**. Sad ćeš naučiti kako se duljina dužine u koordinatnom sustavu na pravcu može izračunati pomoću koordinata zadanih rubnih točaka dužine.

Primjer 3.

Izračunaj udaljenost točaka A i B koje su zadane svojim koordinatama:

- 1 $A(2)$ i $B(6)$;
- 2 $A(-4)$ i $B(-1)$;
- 3 $A(-1)$ i $B(4)$.

► *Rješenje:*

- 1 $|AB| = |2 - 6| = 4$;
- 2 $|AB| = |-4 - (-1)| = |-4 + 1| = 3$;
- 3 $|AB| = |-1 - 4| = 5$.

Usporedi rješenja s rješenjima iz Primjera 2.

Ako su zadane točke $A(x_1)$ i $B(x_2)$, onda se njihova udaljenost $|AB|$ računa:

$$|AB| = x_2 - x_1 \text{ za } x_1 < x_2 \quad \text{ili} \quad |AB| = x_1 - x_2 \text{ za } x_1 > x_2.$$



Da se ne utvrđuje koja je od točaka A i B smještena desno, a koja lijevo, i je li njihova udaljenost $x_2 - x_1$ ili $x_1 - x_2$, te obzirom da su brojevi $x_2 - x_1$ i $x_1 - x_2$ suprotni, udaljenost točaka A i B izračunava se:

$$|AB| = |x_2 - x_1|.$$

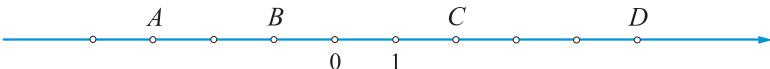


Zadatak 9. Izračunaj udaljenost točaka A i B koje su zadane koordinatama:

- 1 $A(-5)$, $B(7)$;
- 2 $A\left(-\frac{1}{2}\right)$, $B(4.5)$;
- 3 $A\left(-2\frac{1}{4}\right)$, $B(2.25)$;
- 4 $A(-0.1)$, $B(-7.5)$.



Zadatak 10. Zadan je koordinatni sustav na pravcu s četiri istaknute točke; A , B , C i D .



1 Koliko dužina određuju zadane točke?

2 Odredi duljinu svake dužine iz 1.



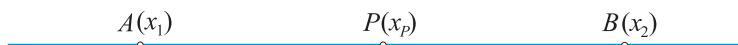
Zadatak 11. Zadane su točke $A\left(-2\frac{1}{2}\right)$, $B(2)$, $C\left(2\frac{1}{2}\right)$. Koja je od dužina \overline{AB} ili \overline{BC} dulja?



Zadatak 12. Izračunaj koordinatu x točke $B(x)$ ako je zadana točka $A(-3)$ i $|AB| = 9$.

Polovište dužine u koordinatnom sustavu na pravcu

Za polovište P dužine \overline{AB} vrijedi $|AP| = |PB|$.



Koordinata točke P se izračunava pomoću koordinata rubnih točaka dužine \overline{AB} :

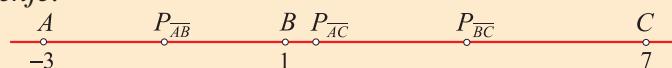
$$x_P = \frac{x_1 + x_2}{2} .$$

POLOVIŠTE DUŽINE U KOORDINATNOM SUSTAVU NA PRAVCU

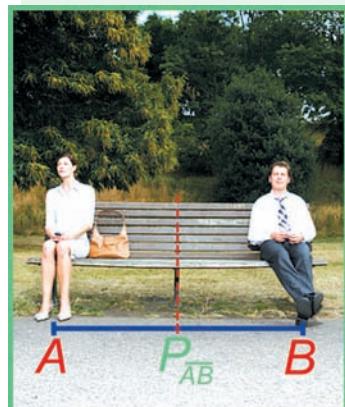
Primjer 4.

Zadane su dužine \overline{AB} , \overline{AC} i \overline{BC} koordinatama rubnih točaka $A(-3)$, $B(1)$ i $C(7)$. Izračunaj koordinate polovišta zadanih dužina.

► **Rješenje:**



$$x_{P_{\overline{AB}}} = \frac{-3 + 1}{2} = -1, \quad x_{P_{\overline{AC}}} = \frac{-3 + 7}{2} = 2 \text{ i } x_{P_{\overline{BC}}} = \frac{1 + 7}{2} = 4.$$



Zadatak 13. Zadane su točke A i B sa svojim koordinatama $A(x_1)$ i $B(x_2)$. Njihovim koordinatama izrazi koordinatu x točke $P(x)$ koja dužinu \overline{AB} dijeli na dva jednakna dijela. (Polovište dužine u koordinatnom sustavu na pravcu).



Zadatak 14. Iz slike odredi koordinatu polovišta dužine \overline{AB} , a zatim izvrši provjeru računanjem.



Zadatak 15. Odredi koordinatu točke B koja je simetrična točki $A(3)$ obzirom na točku $C(1)$.



Uređeni par

UREĐENI PAR

$\{a, b\}$ par

(a, b) uređeni par

$$\{2, 3\} = \{3, 2\}$$

$$(2, 3) \neq (3, 2)$$



Parovi brojeva $(2, 3)$, $(5, 6)$, $\left(\frac{1}{2}, 2\right)$, $\left(-\frac{3}{4}, 0.5\right)$, $\left(-3, -2\frac{1}{4}\right)$, ..., nazivaju se **uređeni parovi** brojeva jer se točno zna koji je prvi, a koji drugi član para.

Uređeni parovi brojeva stavlju se u male (okrugle) zagrade. U paru $(2, 3)$ 2 je **prvi član**, a 3 **drugi član** para.

Na primjer; ako imаш dvije ulaznice za školsku priredbu, jednu za drugi red, treće sjedalo i drugu u treći red, drugo sjedalo, onda prvu ulaznicu određuje uređeni par brojeva $(2, 3)$, a drugu uređeni par brojeva $(3, 2)$.

Zaključi:

$$(2, 3) \neq (3, 2).$$

I općenito:

$$(a, b) \neq (b, a).$$

Uređeni par je određen redoslijedom svojih članova.



Zadatak 16. Napiši pet uređenih parova brojeva u kojima je na prvom mjestu prirodan broj koji je djelitelj drugog prirodnog broja u paru.



Zadatak 17. Napiši pet uređenih parova brojeva u kojima je na prvom mjestu broj koji je višekratnik drugog broja u paru.



Zadatak 18. Napiši pet uređenih parova brojeva u kojima je na prvom mjestu paran broj koji je višekratnik drugog broja u paru.



Zadatak 19. Napiši pet uređenih parova brojeva u kojima je na prvom mjestu neparan broj koji je višekratnik drugog broja u paru.



Zadatak 20. Napiši sve uređene parove koji se mogu sastaviti od brojeva:

1 1 i 2;

2 0, 3 i 5;

3 1, 10 i 100.



Za dva uređena para (a, b) i (c, d) kaže se da su **jednaka** i piše se $(a, b) = (c, d)$, onda i samo onda ako je $a = c$ i $b = d$.



Zadatak 21. Jesu li jednaki uređeni parovi:

1 $\left(\frac{3}{4} + 0.5, \frac{3}{4} - 0.5 - 1\right)$ i $\left(\frac{9}{4}, -\frac{3}{4}\right)$;

2 $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4}, \frac{1}{4} - \frac{1}{3} - \frac{1}{2}\right)$ i $\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right)$;

3 $\left(0.5 + \frac{1}{5} - 1\frac{1}{2}, \frac{1}{2} - 0.20 + 1\frac{1}{4}\right)$ i $\left(\frac{9}{20}, \frac{31}{20}\right)$;

4 $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} : \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{1}{2}, \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\right) : \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right)\right)$ i $\left(\frac{3}{4}, 2\right)$?



Zadatak 22. Izračunaj x i y da bi uređeni parovi bili jednakci:

1 $(2x - 3, y + 5)$ i $(-9, 1)$;

2 $\text{TR} \left(\frac{1}{2}x - 1, 0.5y + 1\right)$ i $(5, 2)$;

3 $\text{TR} \left(2\frac{1}{2} - x, \frac{3}{4} - y\right)$ i $(10, 12)$.

JEDNAKOST DVAJU UREĐENIH PAROVA

ZBIRKA ZADATAKA

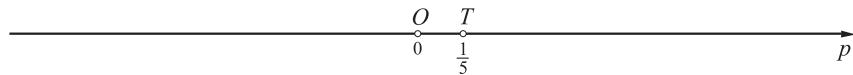
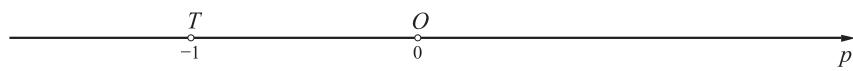
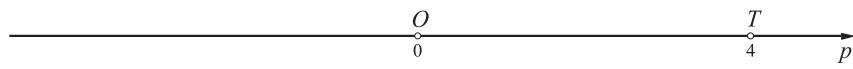
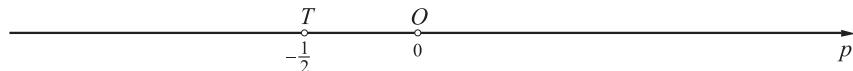
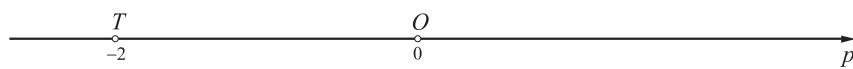
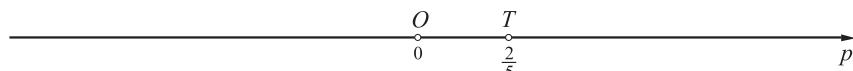
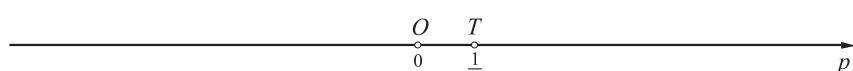
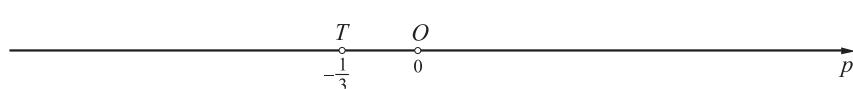
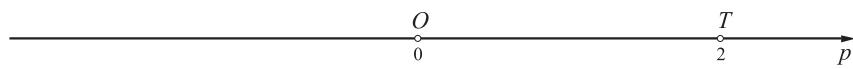
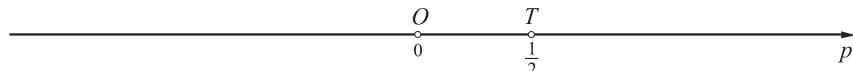
1. dio

KOORDINATNI SUSTAV

1. Koordinatni sustav na pravcu
2. Pravokutni koordinatni sustav u ravnini

1. Koordinatni sustav na pravcu

- 1.1.** Nacrtaj pravac p sa slike na kojem je jednoj točki pridružena nula, a drugoj racionalan broj, i zatim odredi točku pravca p kojoj se pridružuje broj 1.

1**2****3****4****5****6****7****8****9****10**

- 1.2.** Organiziraj koordinatni sustav na pravcu p , a zatim naznači njegove točke kojima su pridruženi brojevi:

1 $40, 10, -20, 60, -50, -30;$

2 $20, -30, 50, -60, 10, -40;$

3 $30, -20, -50, 60, 20, -60;$

4 $-400, 200, 700, -500, 100, -300;$

5 $-100, 300, 500, -400, -900, 200;$

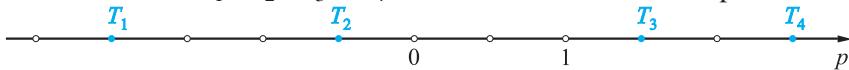
6 $-200, -300, 400, 100, -700, 600;$

7 $\frac{1}{3}, -\frac{1}{6}, \frac{5}{9}, -\frac{2}{3}, \frac{1}{9}, -\frac{5}{6};$

8 $\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}, -\frac{5}{2}, \frac{3}{4}, -\frac{1}{8}, \frac{3}{8};$

9 $\frac{1}{6}, -\frac{1}{4}, \frac{2}{3}, -\frac{3}{4}, -\frac{1}{2}, -\frac{5}{12}.$

- 1.3.** Odredi koordinate točaka T_1 , T_2 , T_3 i T_4 u koordinatnom sustavu na pravcu:



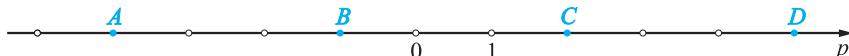
- 1.4.** U koordinatnom sustavu na pravcu točka A ima koordinatu 3, a točka B koordinatu 9. Odredi koordinate točaka T_1 i T_2 koje dužinu \overline{AB} dijele na tri jednakih dijelova.
- 1.5.** U koordinatnom sustavu na pravcu točka A ima koordinatu 4, a točka B koordinatu 14. Odredi koordinate točaka T_1 , T_2 , T_3 i T_4 koje dužinu \overline{AB} dijele na pet jednakih dijelova.



Udaljenost točaka u koordinatnom sustavu na pravcu

- 1.6.** Prema slici odredi udaljenosti:

$$\textcircled{1} \quad |AB|; \quad \textcircled{2} \quad |AC|; \quad \textcircled{3} \quad |AD|; \quad \textcircled{4} \quad |BC|; \quad \textcircled{5} \quad |BD|.$$

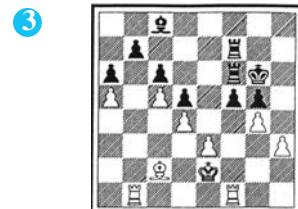
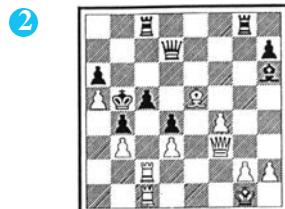


- 1.7.** Ako točke T_1 i T_2 u koordinatnom sustavu na pravcu imaju koordinate x_1 i x_2 , kolika je njihova međusobna udaljenost d ?
- 1.8.** Izračunaj duljinu dužine \overline{AB} s rubnim točkama:
- | | | |
|--|--|--|
| $\textcircled{1} \quad A(-3), B\left(-\frac{1}{4}\right);$ | $\textcircled{2} \quad A(-3), B\left(\frac{1}{4}\right);$ | $\textcircled{3} \quad A\left(-2\frac{1}{4}\right), B(0.5);$ |
| $\textcircled{4} \quad A(-0.5), B\left(\frac{1}{2}\right);$ | $\textcircled{5} \quad A\left(\frac{1}{2}\right), B\left(3\frac{1}{5}\right);$ | $\textcircled{6} \quad A(-1), B(-3.5);$ |
| $\textcircled{7} \quad A\left(-1\frac{1}{2}\right), B\left(1\frac{1}{2}\right);$ | $\textcircled{8} \quad A\left(\frac{1}{10}\right), B\left(\frac{1}{5}\right).$ | |
- 1.9.** Za točke $A(2.5)$ i $B\left(\frac{9}{2}\right)$ odredi koordinatu točke T tako da vrijedi:
- | | | |
|---|---|---|
| $\textcircled{1} \quad \frac{1}{2}d(A,B)=d(B,T);$ | $\textcircled{2} \quad 3d(A,B)=d(B,T);$ | $\textcircled{3} \quad d(A,T)=2d(T,B).$ |
|---|---|---|
- 1.10.** Koje koordinate imaju točke T_1 i T_2 koje su od točke $T\left(-\frac{1}{2}\right)$ udaljene $3\frac{1}{4}$?
- 1.11.** Ljestvicu koja pokazuje Celzijeve stupnjeve na termometru može se smatrati koordinatnim sustavom na pravcu.
- 1.** Nacrtaj pravac p koji naznačuje ljestvicu s Celzijevim stupnjevima i naznači jutarnju (-3°C) i dnevnu (10°C) temperaturu.
 - 2.** Kolika je razlika između dnevne i jutarnje temperature?
- 1.12.** Neka točke T_1 i T_2 u koordinatnom sustavu na pravcu imaju koordinate x_1 i x_2 . Dokaži da je točka P s koordinatom $\frac{x_1+x_2}{2}$ polovište dužine $\overline{T_1T_2}$, tj. da je točka P jednako udaljena od T_1 i T_2 .

- 1.13.** Odredi koordinatu polovišta P dužine \overline{AB} ako su zadane koordinate njenih rubnih točaka $A(2)$ i $B(-8)$.
- 1.14.** Izračunaj udaljenost polovišta dužine s rubnim točkama $A(-5)$ i $B(1)$ i polovišta dužine s rubnim točkama $C(-2)$ i $D(6)$.

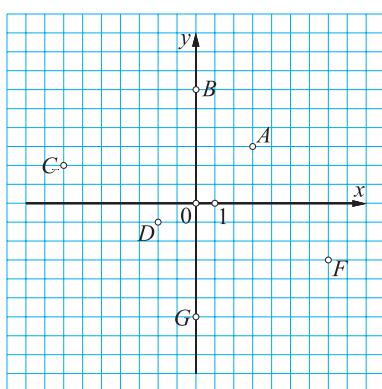
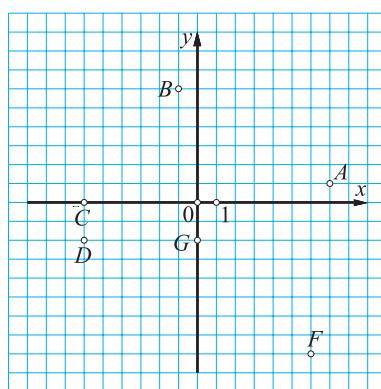
Uređeni par

- 1.15.** Za koje prirodne brojeve x i y vrijedi $(x + 3, 2y - 1) = (2x - 1, 3)$?
- 1.16.** Koji racionalan broj može zamijeniti x da bi uređeni parovi bili jednaki:
- | | | | |
|----------|---|----------|--|
| 1 | $(9, 3) = (9, x);$ | 2 | $(2+2:2-2\cdot2, 0.5) = \left(x, \frac{1}{2}\right);$ |
| 3 | $\left(x, 3+\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{3}{4}+0.75, 3.5\right);$ | 4 | $\left(-\frac{3}{4}+0.75, 3\right) = \left(x, 1.5+1\frac{1}{2}\right) ?$ |
- 1.17.** Napiši sve uređene parove brojeva koji se mogu zapisati s brojevima:
- | | | | | | |
|----------|----------------|----------|----------------|----------|----------------|
| 1 | $-2, 0$ i $5;$ | 2 | $-1, 2$ i $7;$ | 3 | $-3, 1$ i $4.$ |
|----------|----------------|----------|----------------|----------|----------------|
- 1.18.** Napiši sve uređene parove brojeva (x, y) , $x, y \in \mathbb{N}$ koji su rješenja jednadžbe:
- | | | | | | |
|----------|--------------|----------|--------------|----------|--------------|
| 1 | $x + y = 7;$ | 2 | $x + y = 5;$ | 3 | $x + y = 6;$ |
| 4 | $xy = 8;$ | 5 | $xy = 6;$ | 6 | $xy = 4.$ |
- 1.19.** Napiši sve uređene parove (x, y) , $x, y \in \mathbb{N}_0$ (skup prirodnih brojeva s nulom) koji zadovoljavaju jednadžbu $x + y = 6$.
- 1.20.** Zadan je skup $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$. Napiši sve uređene parove elemenata skupa S u kojima je:
- | | | | |
|----------|---|----------|---------------------|
| 1 | drugi član djeljiv s prvim članom; | 2 | zbroj članova osam; |
| 3 | prvi član jednak dvostrukom drugom članu. | | |
- 1.21.** Uređenim parovima kojima je prva koordinata slovo, a druga broj na šahovskoj ploči, naznači na koja sve polja može doći s polja $(C, 2)$:
- | | | | | | | | | | | | |
|----------|---------|----------|-------|----------|--------|----------|------|----------|-----------|----------|--------|
| 1 | pješak; | 2 | konj; | 3 | lovac; | 4 | top; | 5 | kraljica; | 6 | kralj. |
|----------|---------|----------|-------|----------|--------|----------|------|----------|-----------|----------|--------|
- 1.22.** Na zadanoj šahovskoj ploči s figurama na potezu je bijeli. Na koja sve polja možeš staviti bijelu kraljicu?



2. Pravokutni koordinatni sustav u ravnini

- 1.23.** Napiši odgovarajuće uređene parove racionalnih brojeva koji se mogu pridružiti naznačenim točkama koordinatnog sustava xOy .

1**2**

- 1.24.** Kojoj koordinatnoj osi ili kojem kvadrantu pripada točka $T(x, y)$ koordinatnog sustava xOy za čije koordinate vrijedi:

- 1** $x = 0, y > 0$; **2** $x < 0, y > 0$; **3** $x > 0, y > 0$; **4** $x < 0, y < 0$;
5 $x > 0, y < 0$; **6** $x = 0, y < 0$; **7** $x < 0, y = 0$?

- 1.25.** Napiši bilo koji uređeni par brojeva kojemu pridružena točka pripada:

- | | | |
|--------------------------|--------------------------|-------------------------|
| 1 apscisnoj osi; | 2 IV. kvadrantu; | 3 II. kvadrantu; |
| 4 ordinatnoj osi; | 5 III. kvadrantu; | 6 I. kvadrantu. |

- 1.26.** U pravokutnom koordinatnom sustavu u ravnini odaberi po volji točku T . Koje koordinate ima točka:

- 1** A , simetrična točki T s obzirom na ishodište;
2 B , simetrična točki T s obzirom na apscisnu os;
3 C , simetrična točki T s obzirom na ordinatnu os;
4 D , simetrična točki T s obzirom na simetralu I. i III. kvadranta;
5 F , simetrična točki T s obzirom na simetralu II. i IV. kvadranta?

- 1.27.** U pravokutnom koordinatnom sustavu u ravnini zadane su točke $A(4, -2)$ i $B(3, 0)$.

- 1** Koje koordinate ima točka C simetrična točki A s obzirom na točku B ?
2 Koje koordinate ima točka D simetrična točki B s obzirom na točku A ?

- 1.28.** Nacrtaj trokut zadan vrhovima $A(-3, 1)$, $B(4, 3)$ i $C(0, 8)$, a zatim naznači koordinate vrhova trokuta $A_1B_1C_1$ koji je sa zadanim trokutom ABC simetričan u odnosu na apscisnu os.

- 1.29.** Nacrtaj trokut zadan vrhovima $A(1, 4)$, $B(-1, 8)$ i $C(-2, 3)$, a zatim napiši koordinate vrhova trokuta $A_1B_1C_1$ koji je sa zadanim trokutom ABC simetričan u odnosu na simetralu I. i III. kvadranta.
- 1.30.** Nacrtaj trokut zadan vrhovima $A(-4, 2)$, $B(-6, 1)$ i $C(-3, -3)$, a zatim napiši koordinate vrhova trokuta $A_1B_1C_1$ koji je sa zadanim trokutom ABC simetričan u odnosu na simetralu II. i IV. kvadranta.

Skupovi točaka u koordinatnoj ravnini

- 1.31.** U koordinatnoj ravnini zadane su točke $A(-3, 4)$, $B(6, 4)$, $C(6, 1)$ i $D(-2, 1)$. U kakvom su međusobnom položaju pravci:
- ① AB i CD ; ② BC i CD ?
- 1.32.** U koordinatnoj ravnini nacrtaj pravac koji sadrži točke $A(1, 2)$ i $B(7, 5)$ i pravac koji sadrži točke $C(8, 3)$ i $D(2, 5)$. Napiši koordinate sjecišta zadanih pravaca AB i CD .
- 1.33.** U koordinatnoj ravnini nacrtaj kvadrat $A(-2, -3)$ $B(5, -3)$ $C(5, 4)$ $D(-2, 4)$ i pravokutnik $E(-5, -2)$ $F(4, -2)$ $G(4, 2)$ $H(-5, 2)$. Izračunaj razliku njihovih površina.
- 1.34.** U koordinatnoj ravnini nacrtaj dvije kružnice polumjera 3 sa središtim $S_1(0, 0)$ i $S_2(6, 0)$. Napiši koordinate njihove zajedničke točke.
- 1.35.** Najdulja stranica trokuta ABC ima rubne točke $A(0, 5)$ i $B(-5, 0)$. Ishodište koordinatnog sustava je zajednička točka drugim dvjema stranicama. Izračunaj površinu trokuta ABC ako je $|OE| = 1 \text{ cm}$.
- 1.36.** Osnovica jednakokračnog trokuta ABC pripada apscisnoj osi i ima duljinu 4. Vrh nasuprot osnovice određen je uređenim parom $(5, 9)$.
- ① Koji uređeni parovi racionalnih brojeva određuju ostale vrhove?
 ② Izračunaj površinu trokuta ABC .
- 1.37.** Dijagonale kvadrata pripadaju koordinatnim osima, a njihovo sjedište je u ishodištu koordinatnog sustava. Jedan od vrhova kvadrata ima koordinate $(4, 0)$. Nacrtaj taj kvadrat u koordinatnom sustavu, zatim izračunaj njegovu površinu.
- 1.38.** Dva susjedna vrha kvadrata $ABCD$ pripadaju ordinatnoj osi, a vrh C ima koordinate $(3, -5)$. Izračunaj površinu toga kvadrata ako je $|OE| = 1 \text{ cm}$.
- 1.39.** U koordinatnom sustavu u ravnini odaber po volji točke $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ i $C(x_3, y_3)$ koje ne pripadaju istom pravcu.
 Odredi koordinate točke D , tako da točke A , B , C i D budu vrhovi paralelograma.