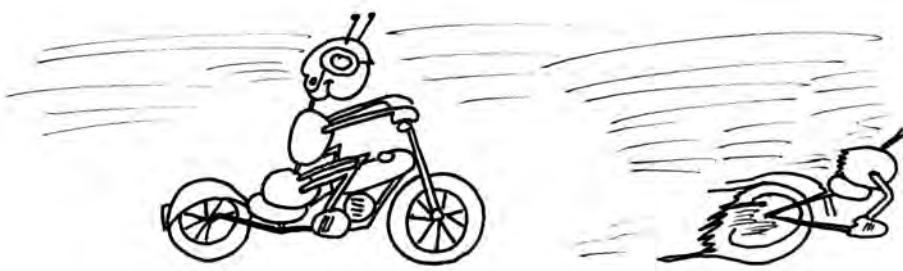




**MEHANIKA**

## 1. Jednoliko i jednoliko ubrzano gibanje

---



**Jednoliko gibanje po pravcu** je ono gibanje pri kojem se ne mijenja ni iznos ni smjer brzine. Ako se ne mijenja iznos brzine ( $v$ ), tijelo prelazi jednakе puteve u jednakim vremenskim intervalima. Tada u vremenu  $t$  prelazi put:

$$s = vt. \quad (1.1)$$

Jedinica brzine je  $[v] = \text{m/s}$ , a često i  $\text{km/h}$ .

Ako se brzina mijenja, računamo srednju brzinu:

$$\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1}. \quad (1.2)$$

Ovdje su  $s_1$  i  $s_2$  putovi u trenucima  $t_1$  i  $t_2$ . Trenutna brzina dobiva se smanjivanjem vremenskog i putnog intervala na iznose u kojima se brzina može smatrati konstantnom. Praktično, to je ona brzina koju pokazuje brzinomjer u vozilu. (Analognog se određuju srednja i trenutna vrijednost drugih veličina definiranih omjerom.)

**Jednoliko ubrzano (usporeno) gibanje** je ono kod kojeg je ubrzanje (usporenje) stalno, i tada vrijedi:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}. \quad (1.3)$$

Jedinica ubrzanja je  $[a] = \text{m/s}^2$ .

U formuli (1.3) možemo staviti  $t_2 - t_1 = t$  pa je:

$$v_2 = v_1 + at. \quad (1.4)$$

Put prijeđen u vremenu  $t$  onda je:

$$s = \frac{(v_1 + v_2)t}{2} \quad (1.5)$$

ili

$$s = v_1 t + \frac{at^2}{2}. \quad (1.6)$$

U jednostavnijem slučaju, kada je  $v_1 = 0$  ili  $v_2 = 0$  (tj. vozilo, tijelo... kreće iz mirovanja ili se zaustavlja), stavljamo u formulu (1.5)  $v_2 = 0$  ili  $v_1 = 0$  pa dobivamo:

$$v = at \quad (1.7)$$

$$s = \frac{vt}{2}, \quad (1.8)$$

$$s = \frac{at^2}{2} \quad (1.9)$$

$$s = \frac{v^2}{2a}. \quad (1.10)$$

Posebni primjer jednoliko ubrzanog gibanja je **slobodni pad** (kad se može zanemariti otpor zraka, što se u zadacima i čini ako nije drugačije rečeno). U tom slučaju u formulama (1.7)–(1.10) možemo staviti  $a = g = 9.81 \text{ m/s}^2$  (često se uzima  $g \approx 10 \text{ m/s}^2$ ), a put  $s$  je visina  $h$  s koje tijelo pada. Hitac uvis (v. pogl. 2) je jednoliko usporeno gibanje – zbog slobodnog pada tijelu se jednoliko smanjuje brzina.

Ako se ubrzanje mijenja, trenutno ubrzanje opet se dobiva smanjivanjem intervala vremena i promjene brzine do iznosa u kojima se promjena brzine može smatrati konstantnom.

Brzina i ubrzanje su vektori i smjerovi im se ne moraju podudarati. Tako, npr., kod usporenog je gibanja smjer ubrzanja suprotan smjeru brzine, a kod gibanja po kružnici okomit na smjer brzine.

### Primjeri

**Primjer 1.1.** Na brojčaniku automobila pročitamo  $s_1 = 12\,148 \text{ km}$  u  $10 \text{ h } 40 \text{ min}$  i  $s_2 = 12\,290 \text{ km}$  u  $12 \text{ h } 25 \text{ min}$ . Odredi:

- a) srednju brzinu automobila u  $\text{km/h}$  i  $\text{m/s}$ ;
- b) put koji auto prijeđe za 1 minutu;

c) vrijeme koje mu je potrebno da prijeđe 1 km.

*Rješenje.* a) Iz formule (1.1) dobivaš

$$\begin{aligned} v &= \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} = \frac{(12\ 290 - 12\ 148) \text{ km}}{12 \text{ h } 25\text{min} - 10 \text{ h } 40\text{min}} = \frac{142 \text{ km}}{1 \text{ h } 45\text{min}} = \frac{142 \text{ km}}{1\frac{45}{60} \text{ h}} \\ &= 81.14 \text{ km/h}, \end{aligned}$$

preračunato u m/s:

$$v = \frac{81.14 \cdot 1000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} = \frac{81.14}{3.6} \text{ m/s} = 22.54 \text{ m/s},$$

b)  $s = vt = 22.54 \text{ m/s} \cdot 60 \text{ s} = 1352.4 \text{ m};$

c)  $t = \frac{s}{v} = \frac{1000 \text{ m}}{22.54 \text{ m/s}} = 44.37 \text{ s}.$

**Primjer 1.2.** Biciklist prijeđe prvu trećinu puta brzinom  $v_1 = 20 \text{ km/h}$ , a preostale dvije trećine brzinom  $v_2 = 16 \text{ km/h}$ . Odredi srednju brzinu na cijelom putu.

*Rješenje.*

$$v = \frac{s}{t_1 + t_2} = \frac{s}{\frac{1}{3}\frac{s}{v_1} + \frac{2}{3}\frac{s}{v_2}} = \frac{3v_1v_2}{v_2 + 2v_1} = \frac{3 \cdot 20 \cdot 16}{16 + 2 \cdot 20} = 17.14 \text{ km/h}.$$

Budući da srednja brzina u ovom slučaju ne zavisi o putu, može se izabrati bilo koji put, npr.  $s = 60 \text{ km}$ , pa izračunati  $t_1 = \frac{\frac{1}{3} \cdot 60}{20} = 1 \text{ h}$  i  $t_2 = \frac{\frac{2}{3} \cdot 60}{16} = 2.5 \text{ h}$ , iz čega je  $v = \frac{60 \text{ km}}{3.5 \text{ h}} = 17.14 \text{ km/h}$ .

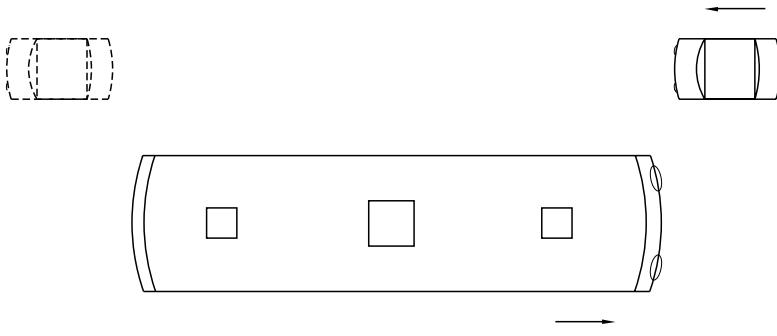
**Primjer 1.3.** Autobus duljine  $l_1 = 20 \text{ m}$  vozi brzinom  $v_1 = 36 \text{ km/h}$  ( $= 10 \text{ m/s}$ ), a automobil duljine  $l_2 = 4 \text{ m}$  brzinom  $v_2 = 90 \text{ km/h}$  ( $= 25 \text{ m/s}$ ). Izračunaj:

a) koliko vremena treba da se mimođu;

b) koliko vremena treba automobilu da prestigne autobus ako pretjecanje počinje  $s_1 = 5 \text{ m}$  iza i završava  $s_2 = 5 \text{ m}$  ispred autobusa;

c) koliki će put prijeći autobus, a koliki automobil.

*Rješenje.* a) Automobil mora prijeći vlastitu duljinu i duljinu autobusa relativnom brzinom  $v = v_1 + v_2$ .



Sl. 1.1.

Zato je:

$$t = \frac{l_1 + l_2}{v_1 + v_2} = \frac{(4 + 20) \text{ m}}{35 \text{ m/s}} = 0.69 \text{ s.}$$

- b) Relativna brzina sada je  $v = v_2 - v_1$ , a automobil mora prijeći put  $s = l_1 + l_2 + s_1 + s_2 = 34 \text{ m}$ , pa je

$$t = \frac{34 \text{ m}}{15 \text{ m/s}} = 2.27 \text{ s.}$$

- c) Za to vrijeme autobus prijeđe put  $s_1 = v_1 t = 22.7 \text{ m}$ , a automobil put  $s_2 = v_2 t = 56.7 \text{ m}$ . Razlika putova iznosi upravo  $34 \text{ m}$ .

**Primjer 1.4.** Motocikl brzine  $v_1 = 120 \text{ km/h}$  krene u 10 sati iz točke  $A$  za automobilom koji je u to vrijeme udaljen  $70 \text{ km}$ , a vozi brzinom  $80 \text{ km/h}$ . U koliko sati i na kojem kilometru će motocikl stići automobil?

*Rješenje.* Stavimo početak koordinatnog sustava u točku  $A$ , na kojoj se motocikl nalazi u  $10 \text{ h}$ . U tom slučaju je:

$$\begin{aligned} \text{koordinata položaja motocikla : } & s_M = 120t \quad (t \text{ u satima, } s \text{ u km}), \\ \text{koordinata položaja auta : } & s_A = 70 + 80t. \end{aligned}$$

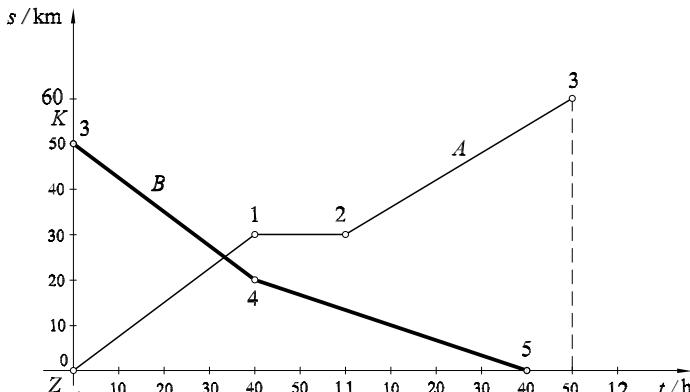
U trenutku stizanja  $s_M = s_A$  pa je:

$$120t = 70 + 80t \implies t = \frac{70}{40} \text{ h} = 1 \text{ h } 45 \text{ min.}$$

Dakle, motocikl će stići automobil u  $11 \text{ h } 45 \text{ min}$  i prijeći put

$$s_M = 120 \cdot 1 \frac{45}{60} = 210 \text{ km.}$$

**Primjer 1.5.** Opiši gibanje vozila prema slici 1.2 i izračunaj brzine.



Sl. 1.2.

*Rješenje.* Gibanje vozila A je u jednom smjeru ( $Z \rightarrow K$ ), a gibanje vozila B u suprotnom smjeru ( $K \rightarrow Z$ ). Brzine su (vidi sliku):

vozilo A :

$$v_{01} = \frac{\Delta s_{01}}{\Delta t_{01}} = \frac{s_1 - s_0}{t_1 - t_0} = \frac{(30 - 0) \text{ km}}{10 \text{ h} 40 \text{ min} - 10 \text{ h}} = \frac{30 \text{ km}}{\frac{40}{60} \text{ h}} = 45 \text{ km/h},$$

$$v_{12} = \frac{\Delta s_{12}}{\Delta t_{12}} = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} = 0 \quad \text{--- vozilo miruje,}$$

$$v_{23} = \frac{\Delta s_{23}}{\Delta t_{23}} = \frac{s_3 - s_2}{t_3 - t_2} = \frac{(60 - 30) \text{ km}}{11 \text{ h} 50 \text{ min} - 11 \text{ h}} = \frac{30 \text{ km}}{\frac{50}{60} \text{ h}} = 36 \text{ km/h},$$

vozilo B :

$$v_{34} = \frac{\Delta s_{34}}{\Delta t_{34}} = 45 \text{ km/h},$$

$$v_{45} = \frac{\Delta s_{45}}{\Delta t_{45}} = 20 \text{ km/h}.$$

**Primjer 1.6.** Automobil postigne brzinu 108 km/h za 12 sekundi. Odredi srednje ubrzanje i put.

*Rješenje.* Iz formula (1.7) i (1.8) dobivamo (brzina u svim zadacima mora biti u m/s):

$$a = \frac{v}{t} = \frac{30 \text{ m/s}}{12 \text{ s}} = 2.5 \text{ m/s}^2$$

$$s = \frac{vt}{2} = 180 \text{ m.}$$

**Primjer 1.7.** Za koliko vremena i kojom brzinom tijelo padne s visine 80 cm?

*Rješenje.* Ovdje je  $a = g = 9.81 \text{ m/s}^2$ ,  $s = h$  pa iz (1.10)  $\Rightarrow$

$$t^2 = \frac{2s}{g} = \frac{2 \cdot 0.8 \text{ m}}{10 \text{ m/s}^2} \Rightarrow t = 0.4 \text{ s} \quad \text{i} \quad v = at = 4 \text{ m/s}.$$

**Primjer 1.8.** Dva automobila  $A$  i  $B$  vozeći jedan drugom ususret brzinama  $90 \text{ km/h}$  i  $108 \text{ km/h}$ , na međusobnoj udaljenosti  $110 \text{ m}$  počinju istovremeno kočiti s usporenjima  $a_1 = 7 \text{ m/s}^2$  i  $a_2 = 8 \text{ m/s}^2$ . Na kojoj međusobnoj udaljenosti će se zaustaviti?

*Rješenje.* Prilikom usporavanja, ako se tijelo zaustavilo, prijeći će jednak put kao da se iz mirovanja ubrzavalо do jednakе brzине. Dakle:

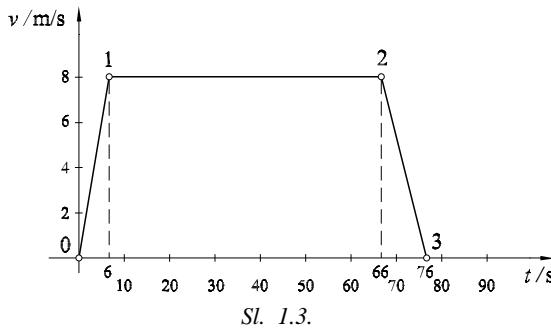
$$s_1 = \frac{v_1^2}{2a_1} = \frac{25^2}{2 \cdot 7} = 44.64 \text{ m}, \quad s_2 = \frac{v_2^2}{2a_2} = \frac{30^2}{2 \cdot 8} = 56.25 \text{ m}.$$

Tako će se automobili približiti na  $110 - (44.64 + 56.25) \text{ m} = 9.11 \text{ m}$ .

**Primjer 1.9.** Tramvaj postigne brzinu  $28.8 \text{ km/h}$  za  $6 \text{ s}$ , giba se postignutom brzinom 1 minutu i nakon toga se zaustavi za  $10 \text{ s}$ .

- a) Grafički prikaži ovisnost brzine o vremenu;
- b) izračunaj ubrzanja;
- c) izračunaj put i srednju brzinu.

*Rješenje.* a)



- b) Na intervalu puta  $\overline{01}$  gibanje je jednoliko ubrzano:

$$a_{01} = \frac{v_1 - v_0}{t_1 - t_0} = \frac{(8 - 0) \text{ m/s}}{(6 - 0) \text{ s}} = 1.33 \text{ m/s}^2,$$

na intervalu puta  $\overline{12}$  gibanje je jednolikо:

$$a = 0,$$

na intervalu puta  $\overline{23}$  gibanje je jednoliko usporeno:

$$a_{23} = \frac{v_3 - v_2}{t_3 - t_2} = \frac{-8 \text{ m/s}}{76 - 70 \text{ s}} = -0.8 \text{ m/s}^2.$$

c) Ako se brzina mijenja, put se može izračunati kao površina ispod krivulje koja prikazuje zavisnost brzine o vremenu. U našem slučaju to je trapez, prema slici 1.3, pa je:

$$s = \frac{(76 + 60) \cdot 8}{2} = 544 \text{ m.}$$

Srednja brzina:

$$\bar{v} = \frac{s}{t} = \frac{544 \text{ m}}{76 \text{ s}} = 7.16 \text{ m/s} = 25.77 \text{ km/h.}$$

**Primjer 1.10.** Tijelo se giba jednoliko ubrzano i prešavši put  $s_1 = 10 \text{ m}$  dostigne brzinu  $v_1$ , a kad prijeđe put  $s_2 = 90 \text{ m}$ , brzinu  $v_2$ . Nađi omjer tih brzina.

*Rješenje.* Iz formule (1.10)  $\Rightarrow v^2 = 2as$  pa je:

$$v_2 : v_1 = \sqrt{2as_2} : \sqrt{2as_1} = \sqrt{\frac{2as_2}{2as_1}} = \sqrt{\frac{s_2}{s_1}} = 3.$$

**Primjer 1.11.** Brzina vozila poveća se od  $v_1 = 36 \text{ km/h}$  na  $v_2 = 72 \text{ km/h}$  na putu 75 m. Odredi:

- a) vrijeme ubrzanja;
- b) ubrzanje.

*Rješenje.* a) Iz (1.6)  $\Rightarrow t = \frac{2s}{v_1 + v_2} = \frac{2 \cdot 75 \text{ m}}{(10 + 20) \text{ m/s}} = 5 \text{ s.}$

b)  $a = \frac{v_2 - v_1}{t} = 2 \text{ m/s}^2.$

\* **Primjer 1.12.** Automobil vozi brzinom  $v_1 = 90 \text{ km/h}$ . Motorist koji vozi iza njega brzinom  $v_2 = 72 \text{ km/h}$  odluči ga preteći i počinje pretjecanje ubrzanjem  $a = 3 \text{ m/s}^2$  u trenutku kad se nalazi na udaljenosti  $d = 120 \text{ m}$  iza automobila. Za koliko vremena će motorist stići auto i koliki će put pritom prijeći?

*Rješenje.* Postavimo ishodište sustava u točku u kojoj motocikl počinje pretjecanje pa imamo:

$$\text{auto : } x_1 = v_1 t + d,$$

$$\text{motocikl : } x_2 = v_2 t + \frac{at^2}{2}.$$

U trenutku pretjecanja je  $x_1 = x_2$  pa se dobije jednadžba  $at^2 + 2(v_2 - v_1)t - 2d = 0$ , (koja uvijek ima rješenja, zašto?); prihvaćamo rješenje:

$$t = \frac{-(v_2 - v_1) + \sqrt{(v_2 - v_1)^2 + 2ad}}{a} = 10.76 \text{ s},$$

iz čega je put automobila  $s_A = 269 \text{ m}$ , a put motocikla  $s_M = 389 \text{ m}$ .

**Zadaci****Jednoliko gibanje**

**1.1.** Popuni tablicu:

$s / m$	$v / m / s$	$t / s$
	5	40
100		9.73
1200	15	

*Oznake:*

$s$  – put  
 $v$  – brzina  
 $t$  – vrijeme.

**1.2.** Odredi srednju brzinu:

- a)  $v_1$  pješaka koji učini 105 koraka u minuti, svaki duljine 70 cm;
- b)  $v_2$  biciklista koji prijeđe udaljenost 1 km za 3 min 50 s.

**1.3.** Odredi srednju brzinu:

- a)  $v_1$  automobila koji udaljenost 37 km između naplatnih kućica na autocesti Zagreb – Karlovac prijeđe za 25 min;
- b)  $v_2$  zrakoplova na liniji Zagreb – Frankfurt ako let traje 1 h 40 min, a udaljenost je 846 km.

**1.4.** Automobil vozi brzinom 90 km/h. Odredi za koliko se pomakne za  $t_1 = 0.1$  s,  $t_2 = 0.01$  s,  $t_3 = 0.001$  s. Isto izračunaj za zrakoplov brzine 1000 km/h.

**1.5.** Autobus vozi brzinom 85 km/h. Za koliko vremena prijeđe 1 km? Koliki put prijeđe u 1 min? Isto izračunaj za zrakoplov brzine 1216 km/h (= 1 mach).

**1.6.** Trkača staza Silverstone u Velikoj Britaniji ima srednju duljinu 5226 m. U jednoj od utrka prvoplasirani vozač prešao je jedan krug za 1 min 26.379 s. Kolika mu je prosječna brzina u m/s i km/h? Za koliko vremena prijeđe 100 m?

**1.7.** Trkača staza Hungariaring u Mađarskoj ima srednju duljinu 3968.4 m. U jednom natjecanju vozilo se 77 krugova. Prvoplasirani vozač prešao je taj put za 1 h 49 min 17.4 s. Odredi srednju brzinu. Koliki put prijeđe vozač za 0.01 s, 0.001 s?

**1.8.** Srednja brzina autobusa iznosi 80 km/h. Ako kreće u  $t_1 = 9^{10}$ , u koliko sati će stići u mjesto udaljeno 124 km? Uračunaj  $\Delta t = 10$  min stajanja.

**1.9.** Udaljenost od Zagreba do Karlovca je 53 km, a od Zagreba do Rijeke 229 km. Vlak koji iz Zagreba kreće u  $16^{20}$  stiže u Karlovac u  $16^{56}$ .

- a) Odredi prosječnu brzinu.

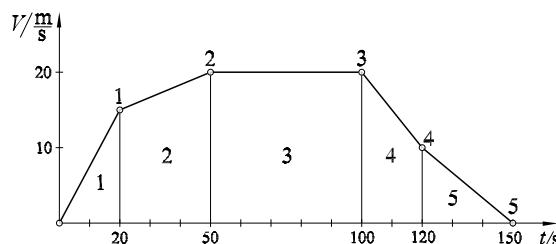
- b) U koliko će sati vlak stići u Rijeku ako mu je prosječna brzina između Karlovca i Rijeke 62.1 km/h, a iz Karlovca kreće u  $16^{58}$ ? Uračunaj još 22 min stajanja.

- 1.10.** Učenik je na “brzinomjeru” (na kojem se osim trenutne i srednje brzine može očitati i prijeđeni put) bicikla pročitao da je za  $t = 2 \text{ h } 35 \text{ min } 40 \text{ s}$  prešao  $s = 32.46 \text{ km}$ .
- Kolika mu je bila prosječna brzina?
  - Kolika će biti prosječna brzina ako vozi  $t_1 = 25 \text{ min}$ , brzinom  $v_1 = 20 \text{ km/h}$ ?
- 1.11.** Vozeci brzinom 90 km/h putnički vlak duljine 150 m pretekne teretni vlak duljine 410 m za 65 sekundi.
- Kolika je brzina teretnog vlaka?
  - Koliki put za to vrijeme prijeđe putnički, a koliki teretni vlak?
  - Koliko bi trajalo mimoilaženje tih vlakova?
- 1.12.** Vozeci brzinom 90 km/h automobil stigne biciklista brzine 18 km/h za 25 sekundi.
- Kolika je bila početna udaljenost auta i bicikla?
  - Kada bi vozili jedan drugom ususret s jednakom udaljenosti, za koliko bi se vremena sreli?
- 1.13.** Motorist krene u  $10^{50}$  brzinom 150 km/h za automobilom koji je pokraj njega prošao u 10 h 42 min i stigne ga nakon što je prešao 25 km. Kolika je brzina automobila i u koliko sati motorist stigne automobil? Grafički prikaži oba gibanja.
- 1.14.** Udaljenost od mjesta  $A$  do  $B$  iznosi 180 km i kamion je prijeđe za 4 sata, a automobil za 3 sata. Ako krenu istovremeno, kamion u smjeru  $\overline{AB}$ , a automobil u smjeru  $\overline{BA}$ , na kojoj udaljenosti od  $A$  će se susresti?
- 1.15.** Automobil prijeđe pola puta brzinom 80 km/h, a drugu polovicu brzinom 60 km/h. Koliko iznosi srednja brzina na cijelom putu?
- 1.16.** Vozač krene na put od 180 km u 8 h računajući da će na odredište stići u 11 h. Od 9 h 10 min do 9 h 30 min morao je nepredviđeno stajati. Ako želi stići u 11 sati, kojom će brzinom morati voziti preostali dio puta?
- \* **1.17.** Staza za rekreaciju ima duljinu  $\overline{AB} = 1800 \text{ m}$ . Biciklist je prijeđe za 5 min, a atletičar za 12 min. Na kojoj će udaljenosti biciklist na povratku  $\overline{BA}$  prvi put susresti atletičara na udaljenosti od  $A$  ako iz točke  $A$  krenu istovremeno? Prikaži grafički oba gibanja.

### Jednoliko i jednoliko usporeno gibanje

- 1.18.** Automobil (BMW 525i) postigne brzinu 80 km/h za 7.1 s. Odredi srednje ubrzanje i put.
- 1.19.** Motorist postigne brzinu 90 km/h na putu od 50 m. Odredi ubrzanje i vrijeme.

- 1.20.** Za koliko vremena i kojom brzinom predmet padne s visine 80 cm (visina stola i školske klupe!)?
- 1.21.** S koje visine i kojom brzinom je pao predmet koji je padao 0.1 s ( $a = g \approx 10 \text{ m/s}^2$ )?
- 1.22.** Automobil brzine 54 km/h poveća brzinu na 72 km/h za 10 s. Odredi ubrzanje i prijeđeni put.
- 1.23.** Brzina automobila poveća se od 30 km/h na 80 km/h na putu od 140 m. Odredi ubrzanje i vrijeme ubrzavanja.
- 1.24.** Vlak vozi brzinom 54 km/h i tijekom idućih 6 s ubrzava se ubrzanjem  $0.4 \text{ m/s}^2$ . Odredi brzinu nakon tog perioda i prijeđeni put.
- 1.25.** Koliki put i vrijeme su potrebni da se zaustavi vozilo brzine 90 km/h, ako je usporenie  $6 \text{ m/s}^2$ ?
- 1.26.** Vlak brzine 80 km/h treba 300 m da se zaustavi. Koliko je usporenie i koliko traje zaustavljanje?
- 1.27.** Biciklist postigne brzinu 6 m/s za 10 s. Tom brzinom vozi 1 minutu i zaustavi se u 20 s. Grafički prikaži to gibanje, odredi ubrzanje i put.
- 1.28.** Gibanje tijela prikazano je grafikonom. Izračunaj ubrzanja u pojedinim intervalima i ukupni put.



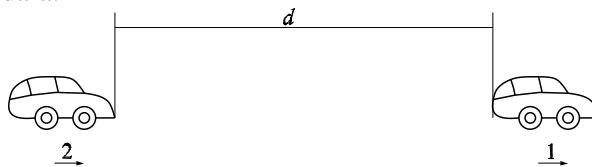
Sl. 1.4.

- 1.29.** Mjeranjem brzine pri ubrzavanju automobila (Hyundai S-coupe 1.5 Lsi) dobjivene su sljedeće vrijednosti:

redni broj mjerjenja	0	1	2	3	4	5	6	7	8
$t/\text{s}$	0	3.10	6.32	9.94	12.02	14.48	17.95	21.69	33.89
$v/\frac{\text{km}}{\text{h}}$	0	50	70	90	100	110	120	130	150

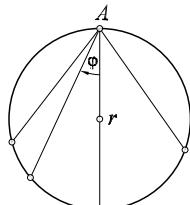
- a) Nacrtaj grafikon  $(v, t)$ ;
- b) izračunaj ubrzanja u pojedinim intervalima i nacrtaj grafikon  $(a, t)$ ;
- c) izračunaj put spajajući pojedine točke ravnom crtom.

- 1.30.** U trenutku kada je na udaljenosti 100 m ugledao prepreku zbog koje mora stati, vozač se autom kretao brzinom  $90 \text{ km/h}$ . Vrijeme reagiranja vozača i kočničkog sustava u kojem se nastavlja gibati istom brzinom je  $0.8 \text{ s}$ , usporenje je  $6 \text{ m/s}^2$ . Koliki je put reagiranja, put kočenja i ukupni zaustavni put? Hoće li se vozač stići zaustaviti?
- 1.31.** Pri brzini od  $100 \text{ km/h}$  put reagiranja je  $28 \text{ m}$ , put kočenja  $77 \text{ m}$ . Odredi vrijeme reagiranja i usporenje. Iz toga izračunaj zaustavni put pri brzini  $150 \text{ km/h}$  za isto vozilo.
- \* **1.32.** Dva automobila voze jedan iza drugoga brzinama  $v_1$  i  $v_2$ , na razmaku  $d$ . U jednom trenutku prvi vozač zakoči s usporenjem  $a_1$  i zaustavi se. Drugo (zadnje) vozilo počinje se zaustavljati  $\Delta t$  kasnije, s usporenjem  $a_2$ . Odredi uvjet uz koji drugo vozilo neće udariti u prvo (ne može se skrenuti!), a oba vozila se zaustave. Posebno, ako je  $v_1 = v_2 = 90 \text{ km/h}$ ,  $a_1 = 5 \text{ m/s}^2$ ,  $a_2 = 6 \text{ m/s}^2$ ,  $\Delta t = 0.8 \text{ s}$ . Odredi minimalni razmak vozila pri kojem neće doći do udara.



Sl. 1.5.

- \* **1.33.** Pri jednolikom ubrzivanju tijelo prijeđe prvih  $60 \text{ m}$  za  $8 \text{ s}$ . Koliko mu vremena treba za sljedećih  $40 \text{ m}$ ?
- \* **1.34.** S koje je visine palo tijelo koje je posljednjih  $20 \text{ m}$  prešlo za  $0.85 \text{ s}$ ? Kolikom brzinom padne?

\* **1.35.**

Sl. 1.6.

Iz točke  $A$  povučene su tetiche (prema slici). Koliko traje put tijela (bez trenja!) niz kosine što ih čine te tetiche (Galilejev zadatak)?

- \* **1.36.** Tijelo je u slobodnom padu prešlo od točke  $A$  na visini  $21.6 \text{ m}$  do točke  $B$  na visini  $13.5 \text{ m}$  za  $0.6 \text{ s}$ . Izračunaj:
- s koje visine je to tijelo počelo padati;
  - koliko je ukupno trajanje pada;
  - kojom brzinom tijelo padne.
- \* **1.37.** Jednoliko se ubrzavajući, vlak prolazi pokraj promatrača koji ustanovi da je wagon duljine  $l = 24 \text{ m}$  prošao kraj njega za  $t_1 = 2.6 \text{ s}$ , a sljedeći wagon jednake duljine za  $t_2 = 2.2 \text{ s}$ . Koliko je ubrzanje vlaka i brzina u trenutku nailaska prvog vagona?